

1^{ère} S₁₅ Contrôle leçon : VECTEURS et BARYCENTRE ~ 21 oct. 04

1^{ère} question A, B, C, et D sont 4 points distincts. Quelle particularité géométrique relative à ces 4 points, [ou à une figure faite avec ces 4 points, aucune allusion au barycentre !] est équivalente à [ou seulement une conséquence de !] l'égalité vectorielle proposée :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AD} \Leftrightarrow \dots$$

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC} \Leftrightarrow \dots$$

$$\overrightarrow{AB} = -5\overrightarrow{AD} \Rightarrow \dots$$

$$\overrightarrow{AB} = 12\overrightarrow{CD} \Rightarrow \dots$$

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \vec{0} \Leftrightarrow \dots$$

$$\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DB} + \overrightarrow{DC} = \vec{0} \Leftrightarrow \dots$$

2^{ème} question

\vec{u} et \vec{v} sont deux vecteurs colinéaires signifie qu'

k

3^{ème} question

1. \vec{i} et \vec{j} sont deux vecteurs non-colinéaires ; x et y 2 réels ; O et M 2 points du plan

L'égalité vectorielle $\overrightarrow{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$ signifie que [en termes de coordonnées, relativement à \overrightarrow{OM}]

ou bien [en termes de coordonnées relativement à M]

2. $(\vec{i} ; \vec{j})$ est une base [ou, si vous préférez, $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ est un repère]

$\vec{u}(x, y)$ et $\vec{v}(x', y')$ sont deux vecteurs colinéaires $\Leftrightarrow \dots$

3. (\vec{i}, \vec{j}) est une base orthonormale [ou, si vous préférez, $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ est un repère orthonormal]:

a- $\vec{u}(x, y)$ et $\vec{v}(x', y')$ sont deux vecteurs orthogonaux $\Leftrightarrow \dots$

b- La norme du vecteur $\vec{u}(x, y)$ est : ...

4^{ème} question (aucune justification n'est attendue)

1. Le barycentre de $(A, 6)$ et $(B, \frac{3}{\pi})$ est aussi le barycentre de (A, π) et (B, \dots)

2. A, B, C, et D sont 4 points non alignés 3 à 3 ; On suppose que le point G est le barycentre de $(A, 17)$ et $(B, 49)$ et aussi celui de $(C, 59)$ et $(D, -35)$ alors la position du point G ne peut être que...

5^{ème} question

1. L'affirmation : G est le barycentre de (A, α) (B, β) suppose que : ...

Elle peut s'écrire vectoriellement :

a- ... = $\vec{0}$

b- ou bien : Pour tout point M du plan : ...

6^{ème} question AU VERSO : Enoncer la propriété du barycentre partiel.

7^{ème} question : a, b et c sont trois réels [avec $a \neq 0$]. La fonction $f : x \rightarrow ax^2 + bx + c$ est un trinôme du second degré. On note Δ son discriminant.

Si on vous dit que $f(2) = -3$; $f(5) = 1$ et $f(0)$ est positif. Donner le signe des nombres (Aucune justification n'est attendue, mais si rien ne permet de conclure, écrire : « rien » !):

a ? ...

$4a + 2b + c$? ...

c ? ...

Δ ? ...

x_1 ? (la plus petite racine, si elle existe) ...

x_2 ? (la plus grande racine, si elle existe) ...

$\frac{-b}{2a}$?

$f(\frac{-b}{2a})$? ...