

Questions A. Notations : dans ce qui suit, p est un entier, i est un entier compris entre 1 et p , (x_i) est une famille de valeurs, n_i l'effectif associé à la valeur x_i , f_i la fréquence de cette valeur.

A1- i est un entier donné entre 1 et p . Quel lien existe-t-il entre les nombres n_i et f_i ? ...

f_i est le quotient de n_i et de l'effectif total $\sum_{i=1}^p n_i$. $f_i = n_i / \sum_{i=1}^p n_i$

A2- Donner deux formules utilisant la « notation sigma » et donnant la moyenne des (x_i) (voir introductions)

$$\sum_{i=1}^p n_i x_i / \sum_{i=1}^p n_i \quad \text{et} \quad \sum_{i=1}^p f_i x_i$$

A3- La variance est donnée par la formule : $\sum_{i=1}^p f_i (x_i - \bar{x})^2$ Exprimer cette formule par un texte utilisant la notion

de moyenne. Ici c'est la moyenne des carrés des écarts à la moyenne (ou la moyenne des carrés des différences entre les valeurs et leur moyenne)

Pour l'autre groupe c'était : la différence de la moyenne des carrés des écarts entre les valeurs et leur moyenne, et du carré de la moyenne des valeurs

A4- Donner une formule permettant de calculer la moyenne des images de chaque valeur x_i par la fonction $f : x \mapsto 3 - x$ (les effectifs et fréquences ne sont pas modifiés)

(La question est mal posée) Si on pose $y_i = 3 - x_i$, la moyenne des y_i est $\bar{y} = \sum_{i=1}^p f_i (3 - x_i) = 3 - \sum_{i=1}^p f_i x_i = 3 - \bar{x}$

Question B Définition (précise) de :

a- La médiane d'une série de valeurs (voir livre page 233 définition 3)

b- Le premier quartile Q_1 d'une série de valeurs. (voir livre page 234)

Exercice La suite (U_n) est arithmétique de raison r . On vous dit que U_0 vaut a (a est un réel donné). On considère la série formée par les 25 termes consécutifs de cette suite, le premier étant U_0

a- Quel est l'indice du terme « médian » et celui du troisième « quartiles » de cette série ?

On vous dit que le premier terme est U_0 , le 25^{ème} est donc U_{24} . Le terme médian est donc U_{12} (le 13^{ème} 25 = 12 + 1 + 12). Q_3 est le terme tel que 75% au moins des valeurs sont $\leq Q_3$, c'est-à-dire $Q_3 = U_{18}$ (le 19^{ème})

b- Exprimer la moyenne de cette série (en fonction de r et de a , on n'effectuera pas les calculs)

La moyenne est la somme de ces 25 termes consécutifs d'une suite arithmétique divisée par leur nombre (25).

La somme est donc $25 \times (U_0 + U_{24}) / 2$. Avec $U_0 = a$ et $U_{24} = U_0 + 24r$ on obtient la moyenne demandée ::

$25 \times (2a + 24r) / (2 \times 25) = a + 12r$ (notez qu'on retombe sur U_{12} !!)

Question C : Définition de « La suite (U_n) est convergente »

Il existe un réel a tel que tout intervalle ouvert contenant a contient tous les termes de la suite à partir d'un certain rang.

Question D : Suivant les valeurs du réel q , donner la limite de q^n .

(Voir livre page 209)

Question E Sans chercher à modifier l'écriture donnée, pouvez vous dire les limites des suites suivantes (si oui, vous la donnez, si non, vous dites pourquoi !)

$(2 - (\pi/3)^n)^2$:

Comme $\pi > 3$ on en déduit que $\pi/3 > 1$ donc $\lim (\pi/3)^n$ est $+\infty$, on en déduit que $(2 - (\pi/3)^n)$ a pour limite $-\infty$ et en passant au carré la limite est $+\infty$

$(5/6)^n [2 - n^2]$:

Comme $5/6$ est entre 0 et 1 la limite de $(5/6)^n$ est 0. La limite de $[2 - n^2]$ est $-\infty$

La limite demandée est une FI $0 \times \infty$